

Probabilités : loi binomiale

I] Activité d'introduction

1. On lance 1 dé et on s'intéresse au nombre X de six. Représenter l'expérience à l'aide d'un arbre de probabilités et exprimer la loi de probabilité dans un tableau. Calculer l'espérance de cette loi de probabilités.

X	0	1
$P(X=x_i)$	$\frac{5}{6}$	$\frac{1}{6}$

$$E(X) = 0 \times \frac{5}{6} + 1 \times \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$$

2. On lance 2 dés successivement et on s'intéresse au nombre X de six obtenus. Représenter l'expérience à l'aide d'un arbre de probabilités et exprimer la loi de probabilité dans un tableau. Calculer l'espérance de cette loi de probabilités.

nb des	0	1	2
P	$\frac{25}{36}$	$\frac{10}{36}$	$\frac{1}{36}$

$$E(X) = \frac{12}{36} = \frac{1}{3}$$

3. On lance 3 dés successivement et on s'intéresse au nombre X de six obtenus. Représenter l'expérience à l'aide d'un arbre de probabilités et exprimer la loi de probabilité dans un tableau. Calculer l'espérance de cette loi de probabilités.

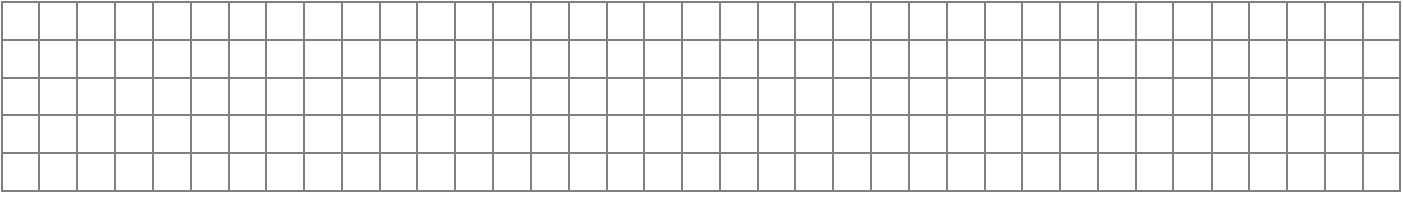
n	0	1	2	3
P	$\frac{125}{216}$	$\frac{3 \times \frac{5}{6} \times \frac{5}{6} \times \frac{1}{6}}$	$\frac{3 \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{5}{6}}$	$\frac{1}{216}$
		$\frac{75}{216}$	$\frac{15}{216}$	

$$E(X) = \frac{108}{216} = \frac{1}{2}$$

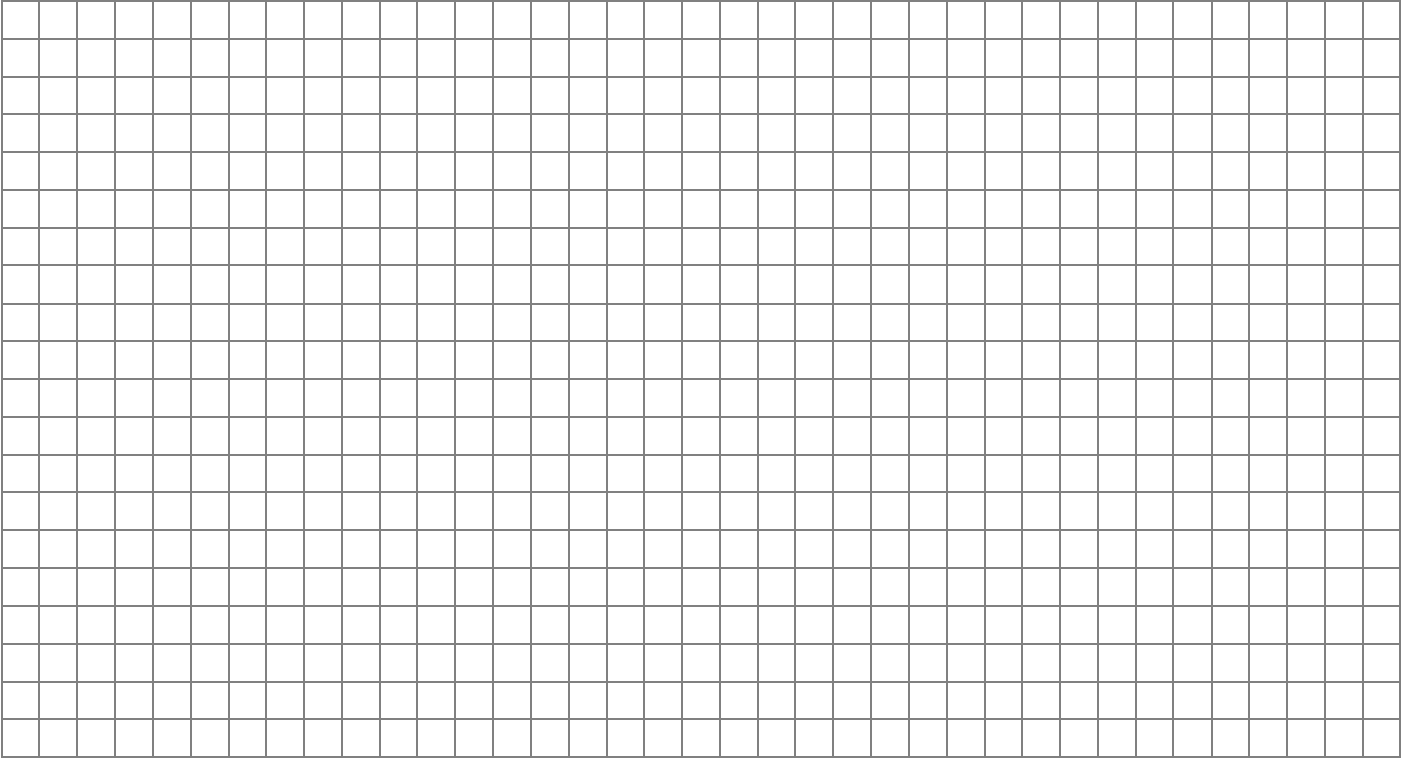
4. etc

II] La loi binomiale et le calcul des probabilités en général

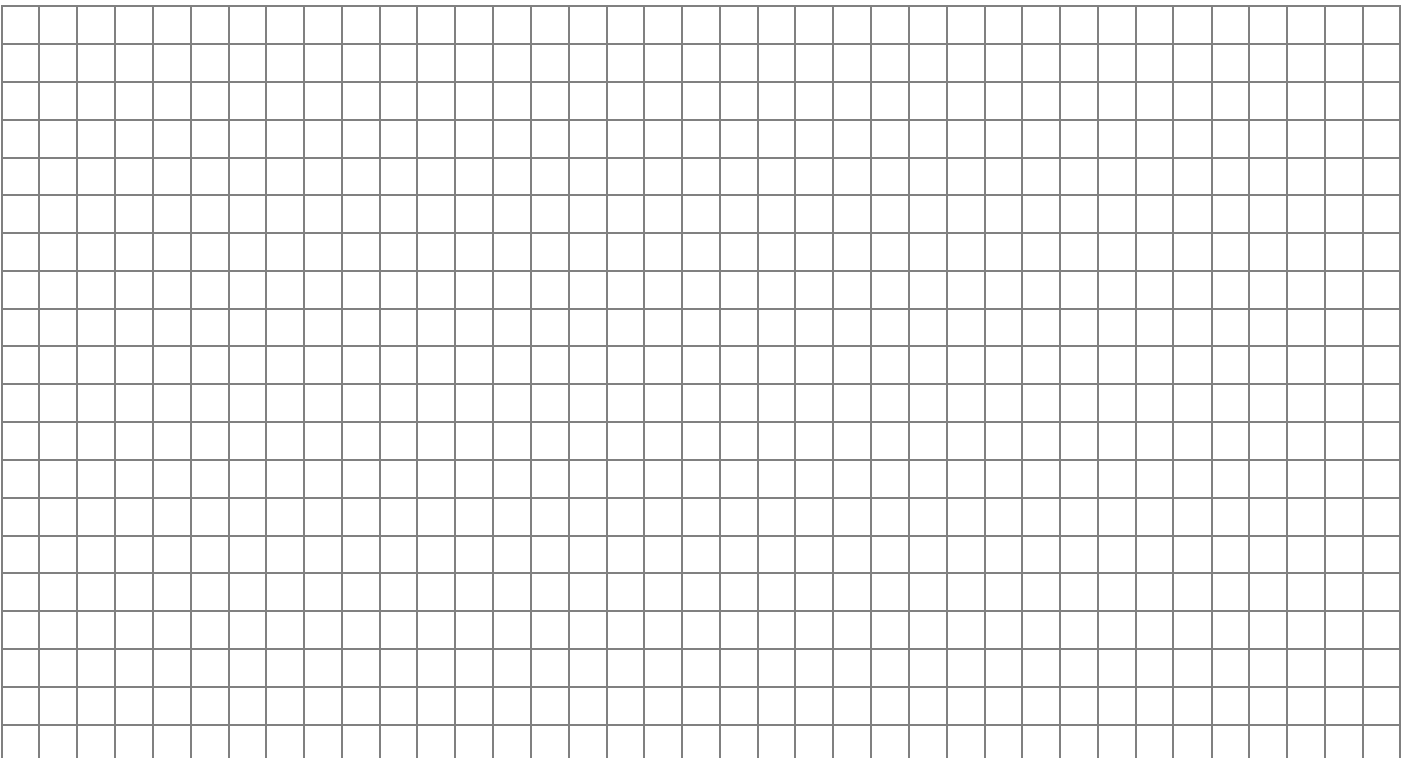
1. Loi binomiale de paramètres n et p .



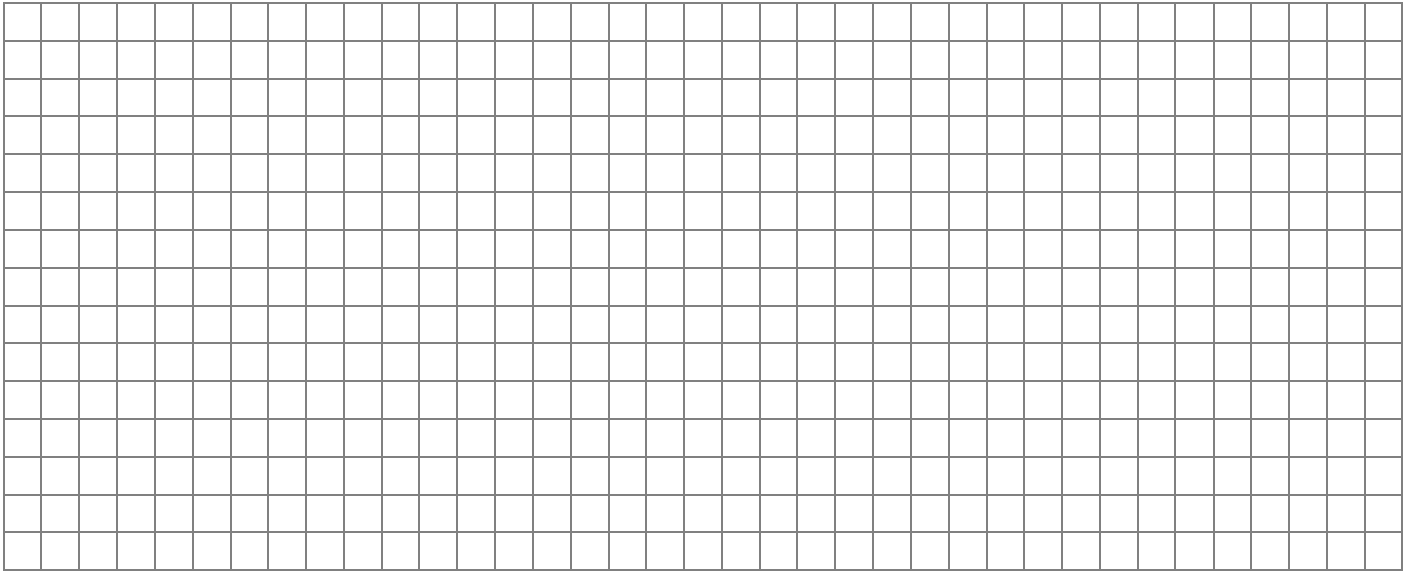
2. Nombre de chemins dans un arbre : le coefficient binomial.



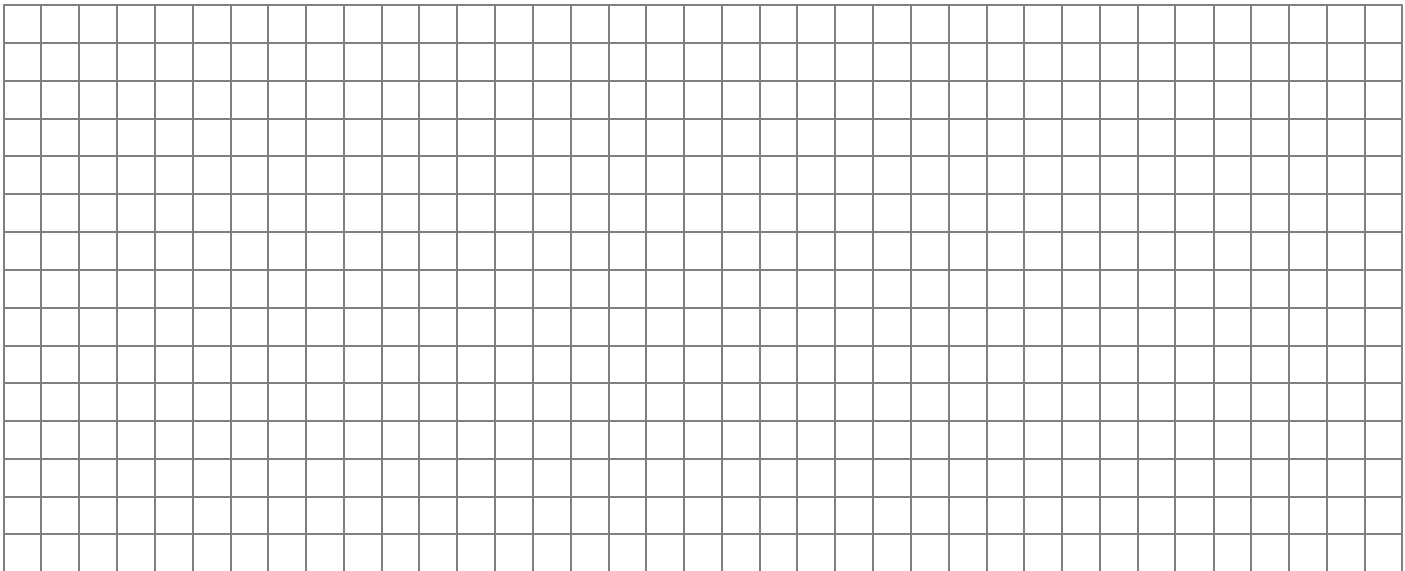
3. Triangle de Pascal.



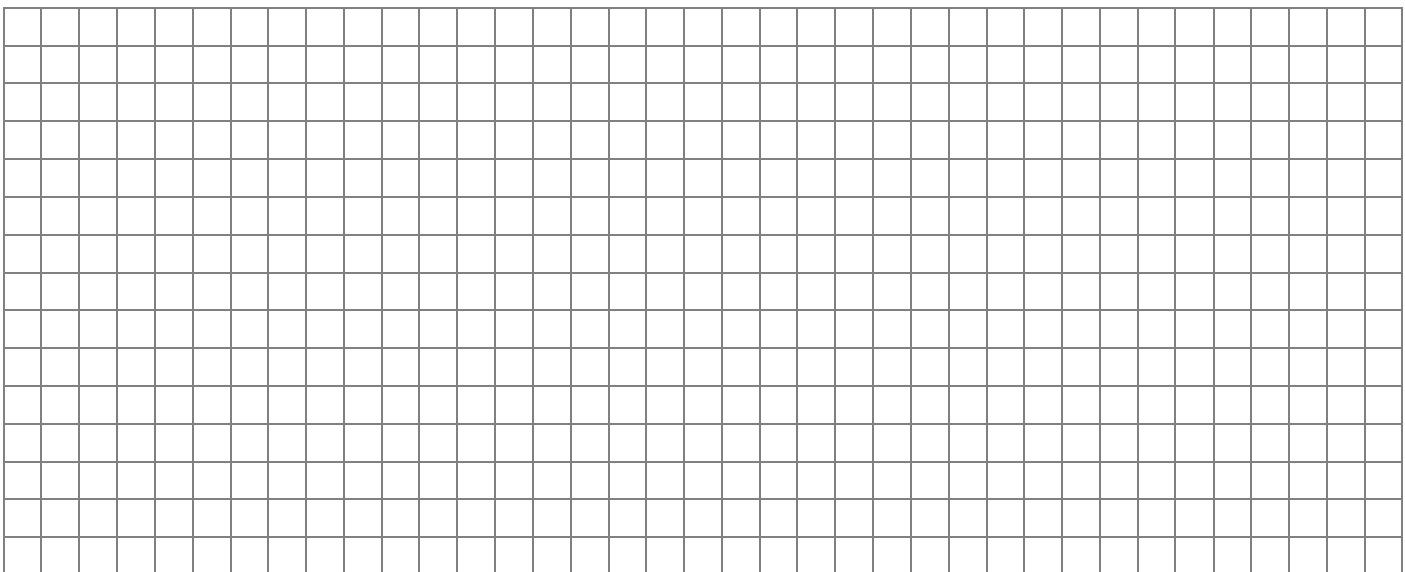
4. La formule



5. Avec Geogebra



6. Espérance d'une loi binomiale.



* 26/10

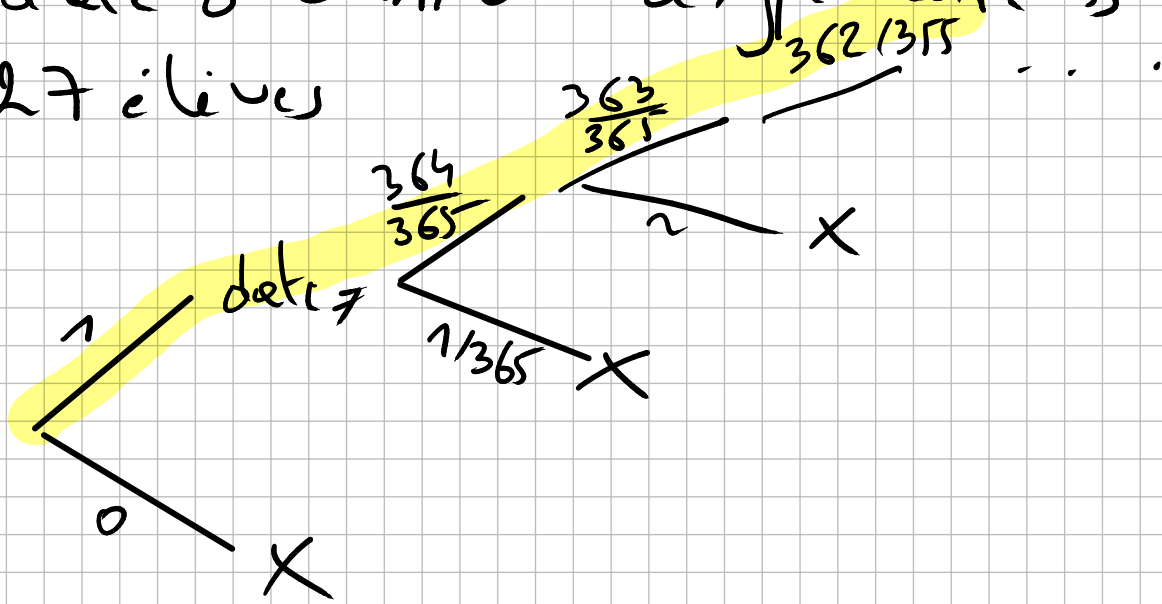
* 26/10

0,03!

A : « deux élèves dans la classe ont la même date d'anniv' »

\bar{A} : « tous les élèves ont une date d'anniv' différente »

27 élèves



$$P(\bar{A}) = \frac{365}{365} \times \frac{364}{365} \times \frac{363}{365} \times \dots$$
$$\times \frac{339}{365} = \frac{365 \times 364 \times \dots \times 339}{365^{27}}$$
$$= 0,37$$

$$P(A) = 0,63$$